

# PRÓBNY EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

ZESTAW PRZYGOTOWANY PRZEZ SERWIS

[WWW.ZADANIA.INFO](http://WWW.ZADANIA.INFO)

POZIOM PODSTAWOWY

9 KWIETNIA 2016

**CZAS PRACY: 170 MINUT**

## Zadania zamknięte

## ZADANIE 1 (1 PKT)

Liczba  $\sqrt{\frac{4}{11}} + \sqrt{\frac{11}{4}}$  jest równa

- A)  $\sqrt{\frac{15}{44}}$       B)  $\frac{2+\sqrt{11}}{2\sqrt{11}}$       C) 1      D)  $\frac{15}{2\sqrt{11}}$

## ZADANIE 2 (1 PKT)

Dane są liczby  $a = \log_{\frac{1}{3}} \sqrt{3}$ ,  $b = \log_3 \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$ ,  $c = \log_{\sqrt{3}} \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)$ . Iloczyn  $abc$  jest równy

- A)  $-4$       B)  $\frac{1}{4}$       C)  $-\frac{1}{4}$       D) 4

## ZADANIE 3 (1 PKT)

Dany jest prostokąt o wymiarach  $60 \text{ cm} \times 80 \text{ cm}$ . Jeżeli każdy z dłuższych boków tego prostokąta wydłużymy o 10%, a każdy z krótszych boków skrócimy o 10%, to w wyniku obu przekształceń pole tego prostokąta

- A) zwiększy się o 2%  
 B) zwiększy się o 1%  
 C) zmniejszy się o 1%  
 D) zmniejszy się o 2%

## ZADANIE 4 (1 PKT)

Po wymnożeniu wyrażień  $(1 - x^2)(x^3 + x)(1 - x)(x + 1)$  najwyższa potęga  $x$  jaką otrzymamy to

- A)  $x^{12}$       B)  $x^7$       C)  $x^6$       D)  $x^3$

## ZADANIE 5 (1 PKT)

Trójka liczb  $(x, y, z) = (-1, -1, -2)$  jest rozwiązaniem układu równań 
$$\begin{cases} x^3 - y^2 + z = -4 \\ x^2 - ay^2 + z^3 = -4 \\ x - 5y^3 - 2z^2 = -4 \end{cases}$$

gdy

- A)  $a = -3$       B)  $a = -2$       C)  $a = 2$       D)  $a = 3$

## ZADANIE 6 (1 PKT)

Suma wszystkich pierwiastków równania  $(x + 5)(x + 2)(x - 9) = 0$  jest równa

- A)  $-16$       B) 2      C) 16      D)  $-2$

ZADANIE 7 (1 PKT)

Liczba  $(\sqrt{2} + 1)^4$  jest większa od liczby  $(\sqrt{2} - 1)^4$  o

- A) 2                      B)  $12\sqrt{2}$                       C)  $24\sqrt{2}$                       D)  $4\sqrt{2}$

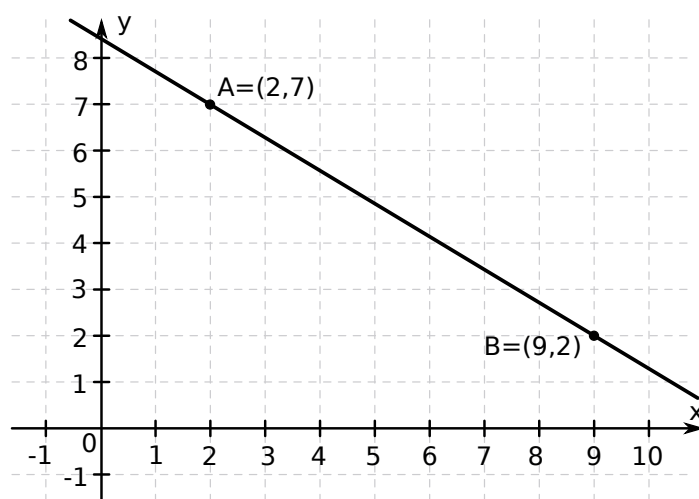
ZADANIE 8 (1 PKT)

Najmniejszą liczbą całkowitą spełniającą nierówność  $2(x - 2) \leq 4(x - 1) + 3$  jest

- A) -2                      B) -1                      C) 0                      D) 1

ZADANIE 9 (1 PKT)

Na rysunku przedstawiono fragment prostej o równaniu  $y = ax + b$ .



Punkt  $C = (2016, m)$  leży na tej prostej. Zatem

- A)  $m = -1448\frac{3}{7}$                       B)  $m = -1432\frac{3}{7}$                       C)  $m = -1431\frac{4}{7}$                       D)  $m = -2810\frac{3}{5}$

ZADANIE 10 (1 PKT)

Która z liczb **nie może** być równa polu rombu o obwodzie 8?

- A)  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$                       B)  $\frac{9\sqrt{5}}{6}$                       C)  $2\pi$                       D)  $\frac{1}{100}$

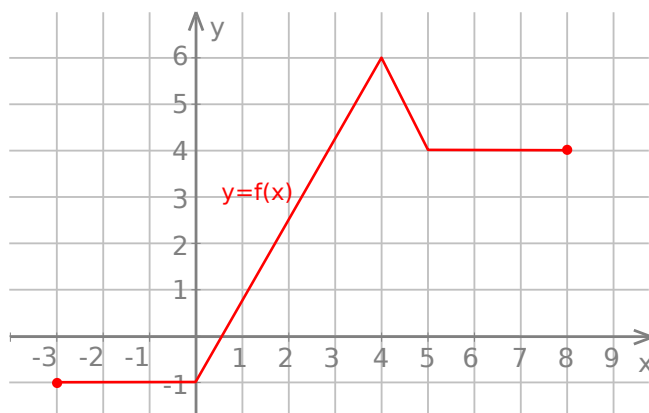
ZADANIE 11 (1 PKT)

Funkcja  $f$  określona jest wzorem  $f(x) = x^5 - ax^3 + 2x^2 + bx - 4$ . Jeżeli  $f(-2) > -4$ , to

- A)  $4a - b > 20$                       B)  $4a - b < 12$                       C)  $4a - b < 20$                       D)  $4a - b > 12$

ZADANIE 12 (1 PKT)

Na rysunku przedstawiono wykres funkcji  $f$ .



Funkcja  $f$  jest malejąca w przedziale

- A)  $\langle -2, 0 \rangle$       B)  $\langle 0, 4 \rangle$       C)  $\langle 5, 7 \rangle$       D)  $\langle 4, 5 \rangle$

ZADANIE 13 (1 PKT)

Wykres funkcji liniowej  $y = -2x + 3$  przecina oś  $Oy$  w punkcie o współrzędnych

- A)  $(0, -3)$       B)  $(-3, 0)$       C)  $(0, 2)$       D)  $(0, 3)$

ZADANIE 14 (1 PKT)

W ciągu geometrycznym  $(a_n)$  dane są:  $a_4 = 2\sqrt[3]{7}$  i  $a_1 = 7\sqrt{5}$ . Wyraz  $a_{10}$  jest równy

- A)  $\frac{8}{35}$       B) 56      C)  $8\sqrt[3]{35}$       D)  $\frac{16}{35}$

ZADANIE 15 (1 PKT)

Jeżeli  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$  oraz  $\operatorname{tg} \alpha = 4 \sin \alpha$ , to

- A)  $\cos \alpha = \frac{1}{2}$       B)  $\cos \alpha = \frac{1}{4}$       C)  $\cos \alpha = \frac{4}{\sqrt{17}}$       D)  $\cos \alpha = 1$

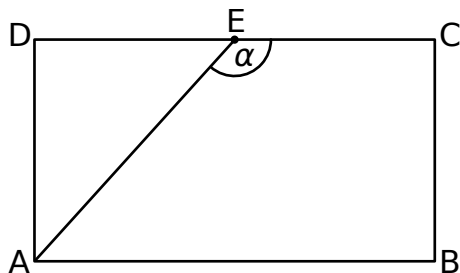
ZADANIE 16 (1 PKT)

Miary kątów wewnętrznych pewnego pięciokąta pozostają w stosunku 3:4:5:6:9. Najmniejszy kąt wewnętrzny tego pięciokąta ma miarę

- A)  $45^\circ$       B)  $20^\circ$       C)  $75^\circ$       D)  $60^\circ$

ZADANIE 17 (1 PKT)

W prostokącie  $ABCD$  dane są  $|AD| = 16$  oraz  $|AB| = 24$ . Punkt  $E$  jest środkiem odcinka  $CD$ . Wówczas sinus kąta  $AEC$  jest równy



- A)  $\frac{4}{5}$                       B)  $\frac{3}{5}$                       C)  $-\frac{3}{5}$                       D)  $-\frac{4}{5}$

ZADANIE 18 (1 PKT)

Jeżeli środek okręgu wpisanego w trójkąt leży na wysokości trójkąta, to trójkąt ten musi być

- A) rozwartokątny            B) prostokątny            C) równoramienny            D) równoboczny

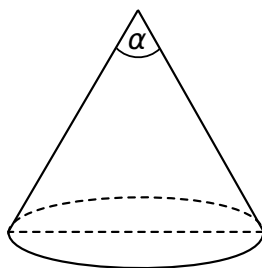
ZADANIE 19 (1 PKT)

Przekątne rombu  $ABCD$  są zawarte w prostych o równaniach:  $y = 2mx - m^3 + m^2$  oraz  $y = 2mx + m^3 + 2x$ . Zatem

- A)  $m = -\frac{1}{2}$                       B)  $m = \frac{1}{2}$                       C)  $m = 1$                       D)  $m = 2$

ZADANIE 20 (1 PKT)

Tworząca stożka o wysokości 3 ma długość 6 (zobacz rysunek).



Kąt  $\alpha$  rozwarcia tego stożka jest równy

- A)  $30^\circ$                       B)  $45^\circ$                       C)  $60^\circ$                       D)  $120^\circ$

ZADANIE 21 (1 PKT)

Objętość walca o promieniu podstawy 3 jest równa  $72\pi$ . Pole powierzchni bocznej tego walca jest równe

- A)  $48\pi$                       B)  $32\pi$                       C)  $24\pi$                       D)  $16\pi$

## ZADANIE 22 (1 PKT)

Liczba  $x$  jest przybliżeniem z niedomiarem liczby  $\frac{5}{8}$ . Błąd względny tego przybliżenia jest równy 4%. Liczba  $x$  jest równa

- A) 0,585                      B) 0,65                      C) 0,6                      D) 0,665

## ZADANIE 23 (1 PKT)

Każda krawędź graniastosłupa prawidłowego trójkątnego ma długość równą 6. Pole powierzchni całkowitej tego graniastosłupa jest równe

- A)  $6^2 \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + 3 \right)$                       B)  $6^2 \cdot \sqrt{3}$                       C)  $\frac{6^2 \sqrt{6}}{3}$                       D)  $\frac{6^2}{3} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + 3 \right)$

## ZADANIE 24 (1 PKT)

W pewnej grupie przyjaciół co czwarta osoba ma na imię Kuba. Losujemy jedną osobę z tej grupy. Prawdopodobieństwo tego, że wylosowana osoba nie ma na imię Kuba, jest równe

- A)  $\frac{1}{4}$                       B)  $\frac{3}{4}$                       C)  $\frac{3}{5}$                       D)  $\frac{4}{5}$

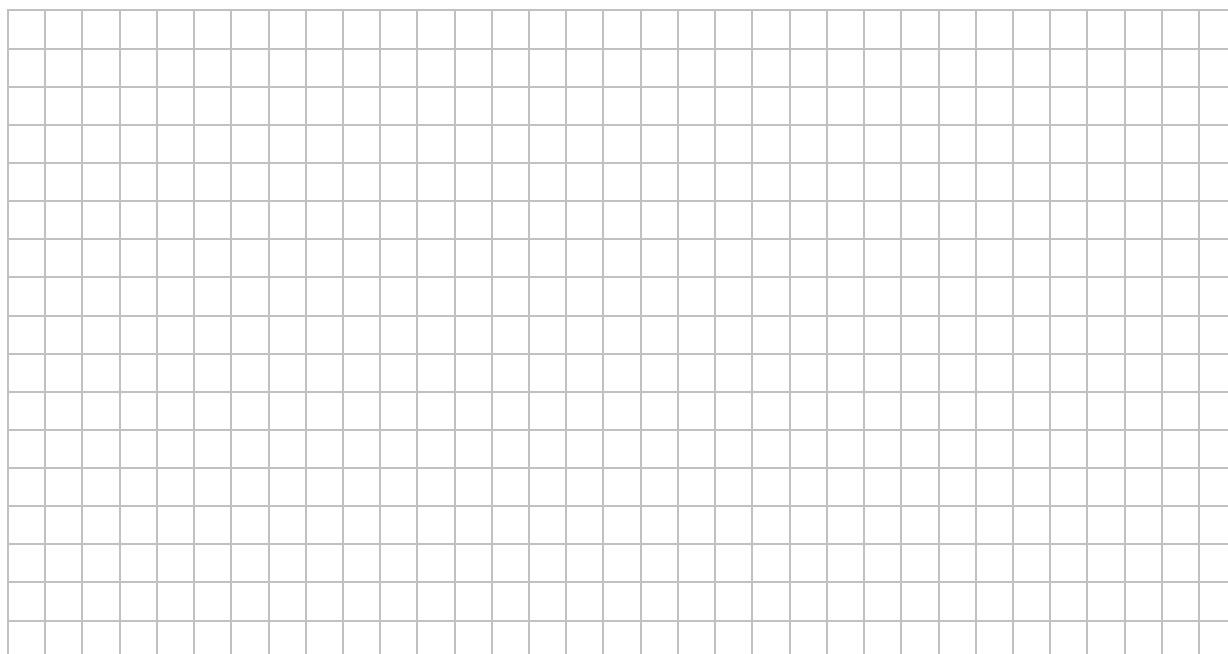
ZADANIE 25 (2 PKT)

Rozwiąż nierówność  $2\sqrt{3}x - \sqrt{3}x^2 \leq x - 2$ .



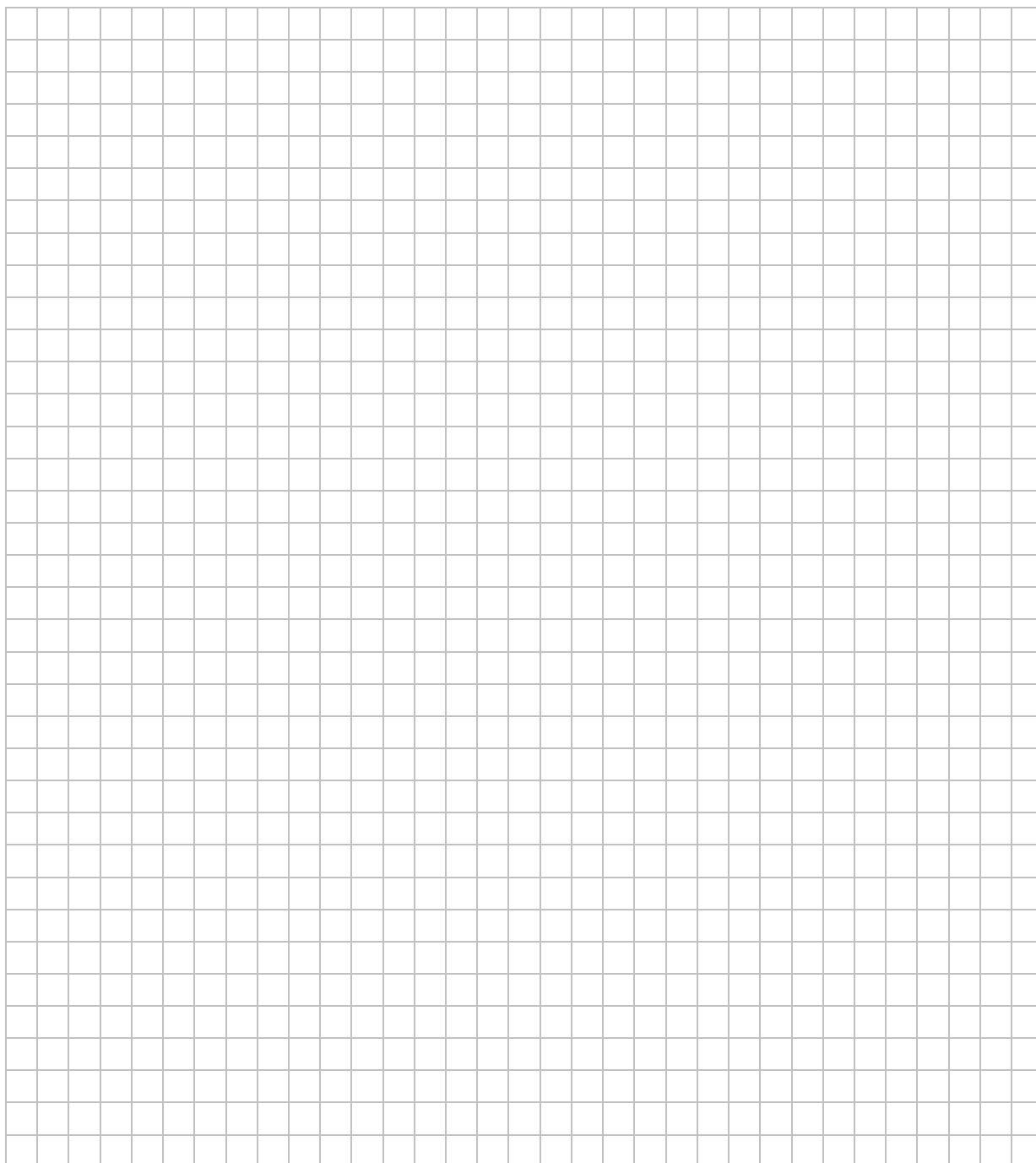
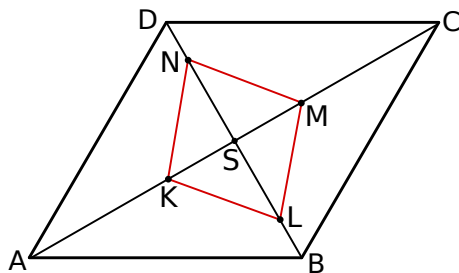
ZADANIE 26 (2 PKT)

Mamy dwa pudełka: w pierwszym znajduje się 6 kul ponumerowanych kolejnymi liczbami od 1 do 6, a w drugim – 7 kul ponumerowanych kolejnymi liczbami od 2 do 8. Losujemy po jednej kuli z każdego pudełka i tworzymy liczbę dwucyfrową w ten sposób, że numer kuli wylosowanej z pierwszego pudełka jest cyfrą dziesiątek, a numer kuli wylosowanej z drugiego – cyfrą jedności tej liczby. Oblicz prawdopodobieństwo, że utworzona liczba jest podzielna przez 9.



ZADANIE 27 (2 PKT)

Przekątne rombu  $ABCD$  przecinają się w punkcie  $S$ . Punkty  $K$  i  $M$  leżą na przekątnej  $AC$  tak, że  $|SK| = \frac{1}{m} \cdot |SA|$  i  $|SM| = \frac{1}{m} |SC|$ . Punkty  $L$  i  $N$  leżą na przekątnej  $BD$  tak, że  $|BL| = \frac{1}{m} |BS|$  i  $|DN| = \frac{1}{m} |DS|$  (zobacz rysunek). Wykaż, że jeżeli stosunek pola czworokąta  $KLMN$  do pola rombu  $ABCD$  jest równy  $1:4$ , to  $m = 2$ .





ZADANIE 28 (2 PKT)

Wykaż, że dla dowolnej liczby  $m > 0$  prawdziwa jest nierówność  $m + \frac{3}{m} \geq \frac{1}{2}$ .



ZADANIE 29 (2 PKT)

Jeżeli do licznika i do mianownika nieskracalnego dodatniego ułamka dodamy jego licznik, to otrzymamy  $\frac{3}{7}$ , a jeżeli do licznika i do mianownika dodamy 1, to otrzymamy  $\frac{1}{3}$ . Wyznacz ten ułamek.



ZADANIE 30 (4 PKT)

Wyznacz równanie osi symetrii trójkąta o wierzchołkach  $A = (3, -4)$ ,  $B = (7, 8)$ ,  $C = (-1, 4)$ .



## ZADANIE 31 (4 PKT)

Dany jest nieskończony rosnący ciąg arytmetyczny  $(a_n)$ , dla  $n \geq 1$  taki, że  $a_4 = 19$ . Wyrazy  $a_1$ ,  $a_{11}$  oraz  $a_{51}$  tego ciągu są odpowiednio pierwszym, drugim i trzecim wyrazem pewnego ciągu geometrycznego. Wyznacz wzór na  $n$ -ty wyraz ciągu  $(a_n)$ .



## ZADANIE 32 (4 PKT)

Funkcja kwadratowa  $f$  określona jest wzorem  $f(x) = ax^2 + bx + c$ . Zbiorem rozwiązań nierówności  $f(x) > -9$  jest przedział  $(-2, 10)$ , a zbiorem rozwiązań nierówności  $f(x) < -24$  jest zbiór  $(-\infty, -5) \cup (13, +\infty)$ . Oblicz współczynniki  $a, b$  i  $c$  funkcji  $f$ .



ZADANIE 33 (4 PKT)

W ostrosłupie prawidłowym czworokątnym  $ABCD S$  (zobacz rysunek) przekątna  $AC$  podstawy ma długość 6. Kąt  $ASC$  między przeciwległymi krawędziami bocznymi ostrosłupa ma miarę  $60^\circ$ . Oblicz objętość tego ostrosłupa.

